

## A5-Intégrales (test1)

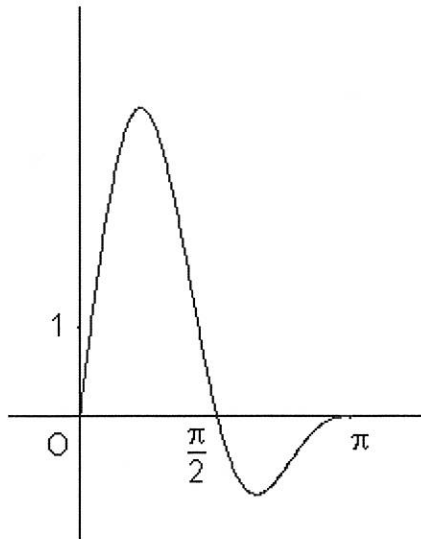
Ce test de 13 questions va vous permettre d'évaluer vos connaissances sur les propriétés des intégrales (chapitre 5 du cours d'analyse).

1

Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par

$$f(x) = 4 \sin 2x \cos^2 \frac{x}{2}.$$

On donne ci-dessous sa représentation graphique sur  $[0 ; \pi]$ .



On a les résultats suivants :

$$\int_0^{\pi} f(x) dx \geq 0$$

- Vrai  
 Faux

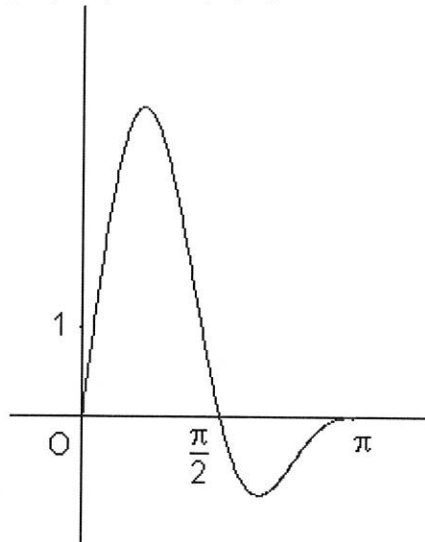
2.

Comme dans la question précédente,

Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par

$$f(x) = 4 \sin 2x \cos^2 \frac{x}{2}.$$

On donne ci-dessous sa représentation graphique sur  $[0 ; \pi]$ .



On a les résultats suivants :

$$\int_0^{2\pi} f(x) dx = 0$$

- Vrai  
 Faux

3.

$$\int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos x dx = \int_{-\pi/2}^0 \cos x dx + \int_0^{\pi/2} \cos x dx$$

- Vrai  
 Faux

4.

Pour toutes fonctions  $f$  et  $g$  dérivables sur  $\mathbb{R}$

telles que  $\int_{-1}^1 f(x) dx = \int_{-1}^1 g(x) dx$ ,

on a :

pour tout  $x \in [-1 ; 1]$ ,  $f(x) = g(x)$

- Vrai  
 Faux

5.

Pour toutes fonctions  $f$  et  $g$  dérivables sur  $\mathbb{R}$

telles que  $\int_{-1}^1 f(x) dx = \int_{-1}^1 g(x) dx$ ,

on a :

pour tout  $x \in ]-1 ; 1[$ ,  $f'(x) = g'(x)$

- Vrai  
 Faux

6.

Pour toutes fonctions  $f$  et  $g$  dérivables sur  $\mathbb{R}$

telles que  $\int_{-1}^1 f(x) dx = \int_{-1}^1 g(x) dx$ ,

on a :

$$\int_0^1 f(x) dx = \int_0^1 g(x) dx$$

- Vrai  
 Faux

7.

Quelle que soit la fonction  $f$  dérivable sur  $[0 ; 1]$ , on pose  $I(f) = \int_0^1 f(x) dx$ .

Alors pour toute fonction  $f$  dérivable sur  $[-1 ; 2]$ , on a :

$$\int_{-1}^1 f(x) dx = 2 I(f)$$

- Vrai  
 Faux

8.

Quelle que soit la fonction  $f$  dérivable sur  $[0 ; 1]$ , on pose  $I(f) = \int_0^1 f(x) dx$ .

Alors pour toute fonction  $f$  dérivable sur  $[-1 ; 2]$ , on a :

$$\int_1^0 -f(x) dx = I(f)$$

- Vrai  
 Faux

9.

Quelle que soit la fonction  $f$  dérivable sur  $[0 ; 1]$ , on pose  $I(f) = \int_0^1 f(x) dx$ .

Alors pour toute fonction  $f$  dérivable sur  $[-1 ; 2]$ , on a :

$$\int_0^1 |f(x)| dx = |I(f)|$$

- Vrai  
 Faux

10.

Quelle que soit la fonction  $f$  dérivable sur  $[0 ; 1]$ , on pose  $I(f) = \int_0^1 f(x) dx$ .

Alors pour toute fonction  $f$  dérivable sur  $[-1 ; 2]$ , on a :

$$\int_0^1 [f(x)]^2 dx = (I(f))^2$$

- Vrai  
 Faux

11.

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par :

pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}$ ,  $f(x) = \int_0^x (t^2 + 1) \sin t dt$ .

Alors :

$f$  est positive sur  $\left[0 ; \frac{\pi}{2}\right]$ .

- Vrai  
 Faux

12.

Soit  $I = \int_0^2 x^2 \ln(x+1) dx$

on a :

$$I \leq 4 \int_0^2 \ln(x+1) dx$$

- Vrai  
 Faux

13.

L'intégrale  $\int_{-\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{3}} \tan \theta \, d\theta$  est égale à

$$\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{3}} \tan \theta \, d\theta$$

- Vrai  
 Faux