

Ce test de 10 questions va vous permettre d'évaluer vos connaissances sur les limites (chapitre 2 du cours d'analyse).
 Il n'y a qu'une seule réponse juste.
 Vous aurez probablement besoin de quoi écrire, certaines questions nécessitant de faire un calcul.

1.

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{|2x-2|-x}{2x-4} = \frac{1}{2}$$

- vrai $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{|2x-2|-x}{2x-4} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x-2-x}{2x-4} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x-2}{2(x-2)} = \frac{1}{2}$
 Faux

2.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2 - 5x}{x^2 + 5x} = 3$$

- vrai
 Faux $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2 - 5x}{x^2 + 5x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(3x-5)}{x(x+5)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x-5}{x+5} = \frac{-5}{5} = -1$

3.

Soit l'application $g : \begin{cases} \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \\ x \mapsto x \sqrt{|x^2 - x|} \end{cases}$

on a $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{g(x)}{x^2} = -1$

- Vrai
 Faux $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x \sqrt{|x^2 - x|}}{x^2} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{x^2 - x}}{x} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{|x| \sqrt{1 - \frac{1}{x}}}{x} = \lim_{x \rightarrow 0^-} -\sqrt{1 - \frac{1}{x}} = -\infty$

4.

Soit, pour tout $x \in \mathbb{R}$,

$$f(x) = (2x + 1)^2 \text{ et } g(x) = \sqrt{4x^2 + 1} - \sqrt{2}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{f(x)}{g(x)} = 0$$

- Vrai
 Faux
- $$\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{(2x+1)^2}{\sqrt{4x^2+1}-\sqrt{2}} = \lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{(2x+1)^2(\sqrt{4x^2+1}+\sqrt{2})}{4x^2+1-2} = \lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{(2x+1)(\sqrt{4x^2+1}+\sqrt{2})}{2x-1} = \pm \infty$$

5.

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2 + 4x + 12} - x + 2 = 0$$

- Vrai
 Faux
- En multipliant par la quantité conjuguée $\rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 4$

6.

On considère les deux fonctions définies sur \mathbb{R} :

$$f : x \mapsto |x|(1 - x^2) \text{ et } g : x \mapsto -x^2 + x$$

alors :

La courbe représentative de $\frac{f}{g}$ admet la droite d'équation $y = -x$ comme asymptote en $-\infty$

- Vrai
 Faux
- si $x < 0$ $\frac{f(x)}{g(x)} = \frac{-x(1-x^2)}{-x^2+x} = -1 - x$
- $$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{g(x)} + x \neq 0$$

7.

$$\text{Soit } f : \begin{cases} \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \\ x \mapsto \sqrt{x^2 + x + 1} - x \end{cases} \text{ alors :}$$

La courbe représentative de f admet la droite d'équation $y = -2x$ comme asymptote

- Vrai
 Faux
- $$\lim_{x \rightarrow \pm \infty} f(x) + 2x \neq 0$$

8.

Soit $f : \begin{cases} \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \\ x \mapsto \sqrt{x^2 + x + 1} - x \end{cases}$ alors :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{2}$$

- Vrai en multipliant par la quantité conjuguée $f(x) = \frac{x+1}{\sqrt{x^2+x+1} + x}$
 Faux

9.

Soit $f : \begin{cases} \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \\ x \mapsto \sqrt{x^2 + x + 1} - x \end{cases}$ alors :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$$

- Vrai $x < 0 \Rightarrow f(x) = \sqrt{x^2(1 + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2})} - x = -x \sqrt{1 + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2}} - x$
 Faux

10.

Soit $f : \begin{cases} \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \\ x \mapsto \sqrt{x^2 + x + 1} - x \end{cases}$ alors :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = -2$$

- Vrai $\frac{f(x)}{x} = -\sqrt{1 + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2}} - 1$
 Faux